

Übungen zu “Autonomous Grasping”

WS 2017/18 Blatt 2

Abgabe: 10.11.2017

Aufgabe 2.1, Allgemeine Drehachse: Begründen Sie, warum die Wahl des Vektors \vec{p} auf der Drehachse $\{l = \vec{p} + \lambda\vec{\omega} \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$ beliebig ist und die Gleichungen

$$\begin{aligned} \dot{\vec{q}}(t) &= \vec{\omega} \times (\vec{q}(t) - \vec{p}) && \text{(Geschwindigkeit eines Punktes } \vec{q}(t)) \\ \text{und } \vec{q}' &= \vec{p} + e^{\hat{\omega}\theta}(\vec{q} - \vec{p}) + h\theta\vec{\omega} && \text{(Transformation eines Punktes } \vec{q}(t) \text{ durch eine Schraubenbewegung)} \end{aligned}$$

nicht verändert.

Aufgabe 2.2, Screws:

a) Begründen Sie, warum sich eine Schraubenbewegung um bzw. entlang der Achse $l = \{\vec{p} + \lambda\vec{\omega} \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$ mit dem Pitch h und dem Betrag θ aus folgenden elementaren Transformationen zusammensetzt:

1. Translation um \vec{p} : $T_{\vec{p}}$
2. Rotation um $\vec{\omega}$ mit Winkel θ : $R := R_{\vec{\omega}}(\theta)$
3. Translation entlang $\vec{\omega}$ um den Betrag $h\theta$: $T_{\vec{\omega}}(h\theta)$
4. Translation um $-\vec{p}$: $T_{\vec{p}}^{-1} = -T_{\vec{p}}$

b) Zeigen Sie, dass die Schraubenbewegung dann durch folgende homogene Transformation dargestellt wird:

$$S(\theta) = \begin{pmatrix} R & \vec{p} - R\vec{p} + h\theta\vec{\omega} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

c) Zeigen Sie, dass der Twist $\xi_S = (-\vec{\omega} \times \vec{p} + h\vec{\omega}, \vec{\omega})$ eine solche Schraubenbewegung erzeugt.

d) Bestimmen Sie die Screw-Koordinaten zum Beispiel 1.11 aus dem Skript.